

Άσκηση

Το αποτέλεσμα ενός IQ τεστ ακολουθεί την κανονική κατανομή με μέση τιμή 100 και τυπική απόκλιση 10.

(α) Ποιά η πιθανότητα ένα IQ τεστ να ξεπερνά τις 128 μονάδες;

(β) Ποιά η πιθανότητα ένα IQ τεστ να βρίσκεται μεταξύ 90 και 100 μονάδων;

>

$$f := x \rightarrow \frac{1}{\sigma \sqrt{2 \cdot \pi}} \cdot e^{-\frac{(x - \mu)^2}{2 \cdot \sigma^2}}$$
$$f := x \mapsto \frac{e^{-\frac{(x - \mu)^2}{2 \sigma^2}}}{\sigma \sqrt{2 \pi}} \quad (1)$$

> $\text{subs}(\{\mu = 100, \sigma = 10\}, f(x))$

$$\frac{\sqrt{2} e^{-\frac{(x - 100)^2}{200}}}{20 \sqrt{\pi}} \quad (2)$$

>

a).

>

$$\text{evalf} \left(\int_{128}^{\infty} \frac{\sqrt{2} e^{-\frac{(x - 100)^2}{200}}}{20 \sqrt{\pi}} dx \right) \\ 0.0025551304 \quad (3)$$

Δηλαδή η πιθανότητα είναι : 2,555 στα χίλια .

>

b).

>

$$\text{evalf} \left(\int_{90}^{100} \frac{\sqrt{2} e^{-\frac{(x - 100)^2}{200}}}{20 \sqrt{\pi}} dx \right) \\ 0.3413447460 \quad (4)$$

Δηλαδή η πιθανότητα είναι : 34,134 στα εκατό .

**SOS: Τα ολοκληρώματα λύνονται με κατάλληλες αντικαταστάσεις .
Βλ. αρχείο : GAMMA-SYNARTHSH-KANONIKH-KATANOMH .**