

>

ΘΕΜΑ :

Δορυφόρος εκτοξεύεται από την θέση $[x = -0.240791, y = 0]$, με Αρχική ταχύτητα $v = 2.626407449$ $[vx = 0.465116, vy = -2.5848952]$,

και προορισμό να τεθεί σε κυκλική τροχιά περί την Σελήνη, όταν θα βρεθεί στο πλησιέστερο σημείο από την επιφάνειά της.

1. Βρίσκουμε την χρονική στιγμή, $t = 6.81$ που ο Δορυφόρος θα βρεθεί στην θέση της ελάχιστης απόστασης από την επιφάνεια της Σελήνης.

2. Βρίσκουμε την ακτίνα της ελάχιστης απόστασης όταν $t = 6.81$, $r_7 = 0.0498917750234505$

3. Βρίσκουμε τις συνιστώσες της ταχύτητας του Δορυφόρου όταν $t = 6.81$,

$xVD7 = 0.179530644081106$, $yVD7 = 0.179530644081106$

4. Βρίσκουμε τις απαιτούμενες αλλαγές στην ταχύτητα του Δορυφόρου για την επίτευξη του στόχου μας.

Απεικονίζουμε 2 κινήσεις : Μία **ΠΡΙΝ** την τροποποιητική της τροχιάς πυροδότηση
και μία **ΜΕΤΑ** την τροποποιητική της τροχιάς πυροδότηση .

>

Πατάμε επαναϋπολογισμό μετά το άνοιγμα .

Το Σύστημα Γη - Σελήνη

Παραδοχές

1. **Το Σύστημα είναι απομονωμένο .**

2. **Γη και Σελήνη περιστρέφονται γύρω από το κέντρο μάζας τους σε κυκλικές τροχιές και με σταθερή γωνιακή ταχύτητα .**

ΠΑΡΑΤΗΡΗΣΗ :

Για οποιοδήποτε Διάνυσμα \mathbf{A} (Θέσεως, Ταχύτητας, Ροπής, Επιταχύνσεως, κλπ.) που είναι συνάρτηση του χρόνου t ισχύει η σχέση (A) ::

$$\boxed{\mathbf{d} \frac{\vec{A}}{dt} \Big|_{\Omega} = \mathbf{d} \frac{\vec{A}}{dt} \Big|_{\text{O}} + \vec{\omega} \times \vec{A}}$$

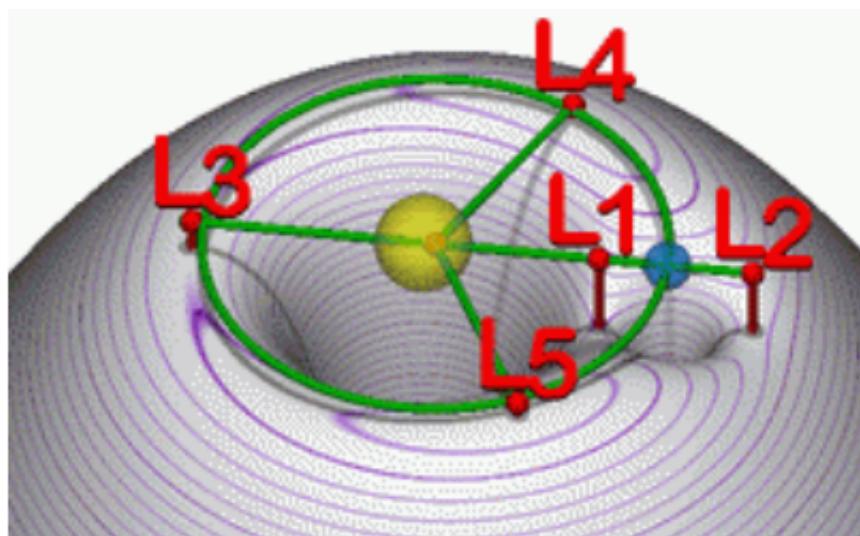
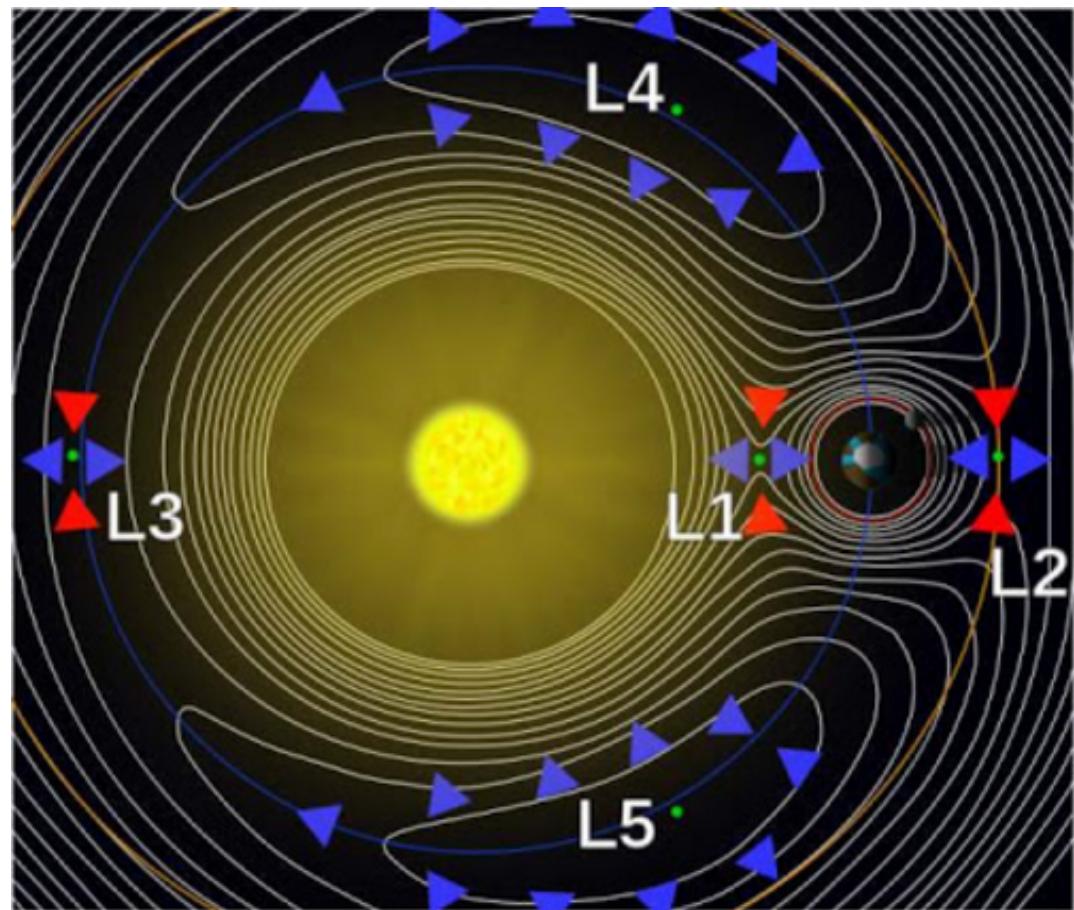
(A) (Ω Αδρανειακό Σύστημα, Αδρανειακός παρατηρητής),

(Ο **ΜΗ** Αδρανειακό Σύστημα, **ΜΗ** Αδρανειακός παρατηρητής), $\mathbf{O} \equiv \Omega$.

ΒΑΣΙΚΟ : Γιά ΑΔΡΑΝΕΙΑΚΟ παρατηρητή τα Μοναδιαία Διανύσματα

Μεταβάλλονται Συναρτήσει του Χρόνου .

Επομένως πρέπει να Υπολογίζουμε τις Παραγώγους των Μοναδιαίων Διανυσμάτων Συναρτήσει του Χρόνου .

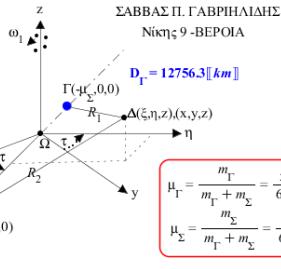


> with(plots) :
 > with(plottools) :
 > with(DEtools) :
 > with(Physics[Vectors])
 [&x, `+`, `;` , ChangeBasis, Component, Curl, DirectionalDiff, Divergence, Gradient, Identify,
 Laplacian, ∇ , Norm, Setup, diff]
 > Setup(mathematicalnotation = true)
 [mathematicalnotation = true] (1)

> Setup(mathematicalnotation = true)
 [mathematicalnotation = true] (2)

>

Το Ω είναι το Κέντρο Μάζας
 της Γης Γ και της Σελήνης Σ .
 $(\Omega\Gamma) = \frac{\Gamma\Sigma m[\Sigma]}{m[\Gamma] + m[\Sigma]}$
 $(\Omega\Sigma) = \frac{\Gamma\Sigma m[\Gamma]}{m[\Gamma] + m[\Sigma]}$



$$\begin{aligned} \xi_\Gamma &= -\mu_\Sigma, \eta_\Gamma = 0, z_\Gamma = 0 & x_\Gamma &= -\mu_\Sigma \cdot \cos(\tau), y_\Gamma = -\mu_\Sigma \cdot \sin(\tau), z_\Gamma = 0 \\ \xi_\Sigma &= \mu_\Gamma, \eta_\Sigma = 0, z_\Sigma = 0 & x_\Sigma &= \mu_\Gamma \cdot \cos(\tau), y_\Sigma = \mu_\Gamma \cdot \sin(\tau), z_\Sigma = 0 \end{aligned}$$

Με την Αδιαστατοίση προκύπτει, για σταθερή γωνιακή ταχύτητα, γωνία περιστροφής $\phi = \omega \cdot t = \tau$

NEO $\omega_1 = 1, T_1 = 2 \cdot \pi$

ΑΔΡΑΝΕΙΑΚΟ ΣΥΣΤΗΜΑ ΣΥΝΤΕΤΑΓΜΕΝΩΝ ΩΝΥ

$$\begin{aligned} R_1 &= \left((x + \mu_\Sigma \cdot \cos(\tau))^2 + (y + \mu_\Sigma \cdot \sin(\tau))^2 + z^2 \right)^{\frac{1}{2}} \\ \mu_\Gamma &= \frac{m_\Gamma}{m_\Gamma + m_\Sigma} = \frac{597.7}{605.05} = 0.987852 \\ R_2 &= \left((x - \mu_\Gamma \cdot \cos(\tau))^2 + (y - \mu_\Gamma \cdot \sin(\tau))^2 + z^2 \right)^{\frac{1}{2}} \\ \mu_\Sigma &= \frac{m_\Sigma}{m_\Gamma + m_\Sigma} = \frac{7.35}{605.05} = 0.012148 \end{aligned}$$

ΠΕΡΙΣΤΡΕΦΟΜΕΝΟ ΣΥΣΤΗΜΑ ΣΥΝΤΕΤΑΓΜΕΝΩΝ ΩΝΥ

$$R_1 = \left((\xi + \mu_\Sigma)^2 + (\eta^2 + z^2) \right)^{\frac{1}{2}}$$

ΟΛΟΚΑΗΡΩΜΑ Jacobi :

$$v^2 = 2 \cdot U - C$$

$$R_2 = \left((\xi - \mu_\Gamma)^2 + (\eta^2 + z^2) \right)^{\frac{1}{2}}$$

$$\frac{a}{n} = \frac{384400 \cdot 10^3}{27.32 \cdot 24 \cdot 60 \cdot 60} = 1023.219504 \frac{[m]}{[s]}$$

$$G = 6.67259 \cdot 10^{-11} \frac{[N \cdot m^2]}{[kg]^2}$$

$$(\Gamma\Sigma) = 384400 \frac{[km]}{[s]}$$

$$m[\Gamma] = 5.977 \cdot 10^{27} \frac{[g]}{[s]}$$

$$m[\Sigma] = 7.35 \cdot 10^{22} \frac{[g]}{[s]}$$

γ: Η Επιτάχυνση του Δ $\vec{\gamma} = \vec{x} \cdot \hat{i} + \vec{y} \cdot \hat{j} + \vec{z} \cdot \hat{k}$ όπου :

$$\vec{x} = -\frac{\mu_\Gamma \cdot (x + \mu_\Sigma \cdot \cos(\tau))}{|\vec{R}_1|^3} - \frac{\mu_\Sigma \cdot (x - \mu_\Gamma \cdot \cos(\tau))}{|\vec{R}_2|^3}$$

$$\vec{y} = -\frac{\mu_\Gamma \cdot (y + \mu_\Sigma \cdot \sin(\tau))}{|\vec{R}_1|^3} - \frac{\mu_\Sigma \cdot (y - \mu_\Gamma \cdot \sin(\tau))}{|\vec{R}_2|^3}$$

$$\vec{z} = -\frac{\mu_\Gamma \cdot z}{|\vec{R}_1|^3} - \frac{\mu_\Sigma \cdot z}{|\vec{R}_2|^3}$$

NEO $\omega_1 = 1, T_1 = 2 \cdot \pi$

Γιά την Αδιαστατοίση των μοζών χρησιμοποιούμε το άθροισμα των μαζών : $M = m_\Gamma + m_\Sigma$

Γιά την Αδιαστατοίση των μηκών χρησιμοποιούμε το άθροισμα των μηκών : $a = (\Gamma\Sigma) \Rightarrow \frac{x}{a} = X, \frac{y}{a} = Y, Z = \frac{z}{a}$

Γιά την Αδιαστατοίση των χρόνου χρησιμοποιούμε το μέγεθος : $n = \frac{T}{2 \cdot \pi} = \omega^{-1}$ (Αντίστροφο της μέσης Σχετικής Κίνησης ΓΗΣ-ΣΕΛΗΝΗΣ) $\Rightarrow \tau = \frac{t}{n} \Rightarrow \omega \cdot t = \tau$

ΤΑ ΜΕΓΕΘΗ ΕΙΝΑΙ ΑΔΙΑΣΤΑΤΟΠΟΙΗΜΕΝΑ

Τί είναι η Τομή Poincare ? . Η ΤΟΜΗ της Επιφάνειας του ολοκληρώματος Jacobi που αντιστοιχεί σε δεδομένη στάθμη Ενέργειας C_i με το επίπεδο $z=A_i$, $i=1..k$.

ΤΑ ΜΕΓΕΘΗ ΑΔΙΑΣΤΑΤΟΠΟΙΗΜΕΝΑ .

ΚΟΚΚΙΝΟ ΤΟΑΔΡΑΝΕΙΑΚΟ ΣΥΣΤΗΜΑ

ΠΡΑΣΙΝΟ ΤΟ ΠΕΡΙΣΤΡΕΦΟΜΕΝΟ ΣΥΣΤΗΜΑ

$$\begin{aligned}
\xi(t) &= x(t) \cdot \cos(t) + y(t) \cdot \sin(t) & \xi(t) &= x(t) \cos(t) + y(t) \sin(t) \\
\eta(t) &= -x(t) \cdot \sin(t) + y(t) \cdot \cos(t) & \eta(t) &= -x(t) \sin(t) + y(t) \cos(t) \\
\xi(0) &= x(0) & \xi(0) &= x(0) \\
\eta(0) &= y(0) & \eta(0) &= y(0) \\
\text{diff}(\text{lhs}((30)), t) &= \text{diff}(\text{rhs}((30)), t) & \frac{d}{dt} \xi(t) &= \left(\frac{d}{dt} x(t) \right) \cos(t) - x(t) \sin(t) + \left(\frac{d}{dt} y(t) \right) \sin(t) + y(t) \cos(t) \\
\text{diff}(\text{lhs}((31)), t) &= \text{diff}(\text{rhs}((31)), t) & \frac{d}{dt} \eta(t) &= - \left(\frac{d}{dt} x(t) \right) \sin(t) - x(t) \cos(t) + \left(\frac{d}{dt} y(t) \right) \cos(t) - y(t) \sin(t) \\
D(\xi)(0) &= D(x)(0) + y(0) & D(\xi)(0) &= D(x)(0) + y(0) \\
D(\eta)(0) &= -x(0) + D(y)(0) & D(\eta)(0) &= -x(0) + D(y)(0)
\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
x(t) &= \xi(t) \cdot \cos(t) - \eta(t) \cdot \sin(t) & x(t) &= \xi(t) \cos(t) - \eta(t) \sin(t) \\
y(t) &= \xi(t) \cdot \sin(t) + \eta(t) \cdot \cos(t) & y(t) &= \xi(t) \sin(t) + \eta(t) \cos(t) \\
x(0) &= \xi(0) & x(0) &= \xi(0) \\
y(0) &= \eta(0) & y(0) &= \eta(0) \\
\text{diff}(\text{lhs}((38)), t) &= \text{diff}(\text{rhs}((38)), t) & \frac{d}{dt} x(t) &= \left(\frac{d}{dt} \xi(t) \right) \cos(t) - \xi(t) \sin(t) - \left(\frac{d}{dt} \eta(t) \right) \sin(t) - \eta(t) \cos(t) \\
\text{diff}(\text{lhs}((39)), t) &= \text{diff}(\text{rhs}((39)), t) & \frac{d}{dt} y(t) &= \left(\frac{d}{dt} \xi(t) \right) \sin(t) + \xi(t) \cos(t) + \left(\frac{d}{dt} \eta(t) \right) \cos(t) - \eta(t) \sin(t) \\
D(x)(0) &= D(\xi)(0) - \eta(0) & D(x)(0) &= D(\xi)(0) - \eta(0) \\
D(y)(0) &= \xi(0) + D(\eta)(0) & D(y)(0) &= \xi(0) + D(\eta)(0)
\end{aligned}$$

ΔΥΝΑΜΙΚΗ ΣΥΝΑΡΤΗΣΗ U . (Περιστρεφόμενο Σύστημα) .

$$\begin{aligned}
> U &:= \frac{\xi(\tau)^2}{2} + \frac{\eta(\tau)^2}{2} + \frac{\mu[\Gamma]}{\sqrt{(\xi(\tau) + \mu[\Sigma])^2 + \eta(\tau)^2 + z(\tau)^2}} \\
&\quad + \frac{\mu[\Sigma]}{\sqrt{(\xi(\tau) - \mu[\Gamma])^2 + \eta(\tau)^2 + z(\tau)^2}} : \\
> C &:= [2.987997088, 3.010, 3.012147114, 3.052, 3.172160166, 3.178, 3.188340774, 3.19005, \\
&\quad 1.60 \cdot 2, 1.59 \cdot 2, 1.585 \cdot 2, 1.50612 \cdot 2, 1.30 \cdot 2, 1.10 \cdot 2, 1.33388 \cdot 2] :
\end{aligned}$$

**Διαφορικές Εξισώσεις κίνησης του ΤΡΙΤΟΥ ΣΩΜΑΤΟΣ Δ ως προς το
Αδρανειακό Σύστημα (Ω_{xyz}) γράφονται :**

$$\begin{aligned}
> \text{diff}(x(\tau), \tau\$2) &= -\frac{\mu_\Gamma (x(\tau) + \mu_\Sigma \cos(\tau))}{R_1^3} - \frac{\mu_\Sigma (x(\tau) - \mu_\Gamma \cos(\tau))}{R_2^3} \\
\frac{d^2}{d\tau^2} x(\tau) &= -\frac{\mu_\Gamma (x(\tau) + \mu_\Sigma \cos(\tau))}{R_1^3} - \frac{\mu_\Sigma (x(\tau) - \mu_\Gamma \cos(\tau))}{R_2^3} \tag{3}
\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
> \text{diff}(y(\tau), \tau\$2) &= -\frac{\mu_{\Gamma} \cdot (y(\tau) + \mu_{\Sigma} \cdot \sin(\tau))}{R_1^3} - \frac{\mu_{\Sigma} \cdot (y(\tau) - \mu_{\Gamma} \cdot \sin(\tau))}{R_2^3} \\
&\frac{d^2}{d\tau^2} y(\tau) = -\frac{\mu_{\Gamma} (y(\tau) + \mu_{\Sigma} \sin(\tau))}{R_1^3} - \frac{\mu_{\Sigma} (y(\tau) - \mu_{\Gamma} \sin(\tau))}{R_2^3}
\end{aligned} \tag{4}$$

$$\begin{aligned}
> \text{diff}(z(\tau), \tau\$2) &= -\frac{\mu_{\Gamma} \cdot z(\tau)}{R_1^3} - \frac{\mu_{\Sigma} \cdot z(\tau)}{R_2^3} \\
&\frac{d^2}{d\tau^2} z(\tau) = -\frac{\mu_{\Gamma} z(\tau)}{R_1^3} - \frac{\mu_{\Sigma} z(\tau)}{R_2^3}
\end{aligned} \tag{5}$$

$$\begin{aligned}
> R[1] &:= \left((x(\tau) + \mu_{\Sigma} \cdot \cos(\tau))^2 + (y(\tau) + \mu_{\Sigma} \cdot \sin(\tau))^2 + z(\tau)^2 \right)^{\frac{1}{2}} \\
R_1 &:= \sqrt{(x(\tau) + \mu_{\Sigma} \cos(\tau))^2 + (y(\tau) + \mu_{\Sigma} \sin(\tau))^2 + z(\tau)^2}
\end{aligned} \tag{6}$$

$$\begin{aligned}
> R[2] &:= \left((x(\tau) - \mu_{\Gamma} \cdot \cos(\tau))^2 + (y(\tau) - \mu_{\Gamma} \cdot \sin(\tau))^2 + z(\tau)^2 \right)^{\frac{1}{2}} \\
R_2 &:= \sqrt{(x(\tau) - \mu_{\Gamma} \cos(\tau))^2 + (y(\tau) - \mu_{\Gamma} \sin(\tau))^2 + z(\tau)^2}
\end{aligned} \tag{7}$$

> Η κίνηση του τρίτου σώματος είναι δυνατή ΜΟΝΟ σε σημεία του χώρου γιά τα οποία ικανοποιείται η σχέση : $2 \cdot U - C_i \geq 0$. (ΔΕΝ ΜΠΟΡΕΙ ΝΑ ΠΑΕΙ ΣΤΗΝ ΚΟΚΚΙΝΗ ΠΕΡΙΟΧΗ)

Οι Επιφάνειες Μηδενικής Ταχύτητας ικανοποιούν την Σχέση :

$$> 2 \cdot U - C[5] = 0$$

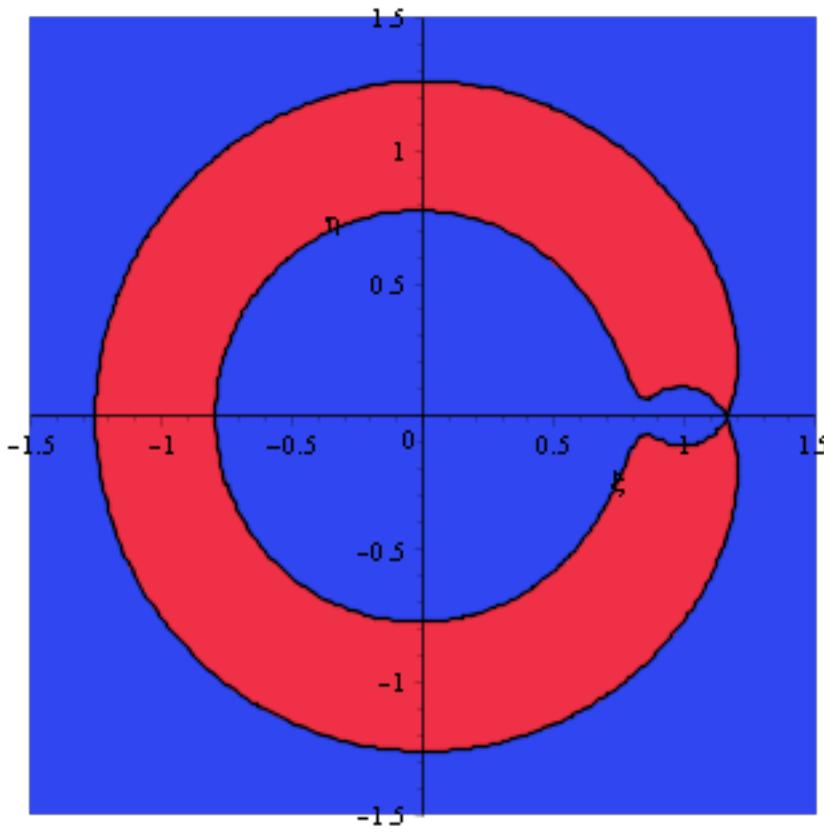
$$\begin{aligned}
&\xi(\tau)^2 + \eta(\tau)^2 + \frac{2 \mu_{\Gamma}}{\sqrt{(\xi(\tau) + \mu_{\Sigma})^2 + \eta(\tau)^2 + z(\tau)^2}} + \frac{2 \mu_{\Sigma}}{\sqrt{(\xi(\tau) - \mu_{\Gamma})^2 + \eta(\tau)^2 + z(\tau)^2}} \\
&- 3.172160166 = 0
\end{aligned} \tag{8}$$

$$> A := [0, 0.01, 0.1, 0.3, 0.4, 0.5, 0.6, 0.65, 0.66, 0.6657524698] :$$

Η ΤΟΜΗ Poincare ΓΡΑΦΕΤΑΙ :

$$\begin{aligned}
> \text{subs}(\mu_{\Gamma} = 0.987852, \mu_{\Sigma} = 0.012148, z(\tau) = A[1], \xi(\tau) = \xi, \eta(\tau) = \eta, (8)) \\
&\xi^2 + \eta^2 + \frac{1.975704}{\sqrt{(\xi + 0.012148)^2 + \eta^2}} + \frac{0.024296}{\sqrt{(\xi - 0.987852)^2 + \eta^2}} - 3.172160166 = 0
\end{aligned} \tag{9}$$

$$> \text{implicitplot}((9), \xi = -1.5 .. 1.5, \eta = -1.5 .. 1.5, \text{numpoints} = 6400, \text{filled} = \text{true})$$



ΕΠΙΛΥΣΗ ΤΩΝ ΕΞΙΣΩΣΕΩΝ ΚΙΝΗΣΗΣ ΤΟΥ Δ.

> $\text{subs}(\mu_T = 0.987852, \mu_\Sigma = 0.012148, z(\tau) = A[1], (3))$

$$\frac{d^2}{d\tau^2} x(\tau) = - \frac{0.987852 (x(\tau) + 0.012148 \cos(\tau))}{((x(\tau) + 0.012148 \cos(\tau))^2 + (y(\tau) + 0.012148 \sin(\tau))^2)^{3/2}} - \frac{0.012148 (x(\tau) - 0.987852 \cos(\tau))}{((x(\tau) - 0.987852 \cos(\tau))^2 + (y(\tau) - 0.987852 \sin(\tau))^2)^{3/2}} \quad (10)$$

> $\text{subs}(\mu_T = 0.987852, \mu_\Sigma = 0.012148, z(\tau) = A[1], (4))$

$$\frac{d^2}{d\tau^2} y(\tau) = - \frac{0.987852 (y(\tau) + 0.012148 \sin(\tau))}{((x(\tau) + 0.012148 \cos(\tau))^2 + (y(\tau) + 0.012148 \sin(\tau))^2)^{3/2}} - \frac{0.012148 (y(\tau) - 0.987852 \sin(\tau))}{((x(\tau) - 0.987852 \cos(\tau))^2 + (y(\tau) - 0.987852 \sin(\tau))^2)^{3/2}} \quad (11)$$

> $\text{subs}(\mu_T = 0.987852, \mu_\Sigma = 0.012148, z(\tau) = A[1], (5))$

(12)

$$\frac{d^2}{d\tau^2} 0 = -0. \quad (12)$$

$$> \text{sqrt}(0.465116^2 + 2.5848952^2) \\ 2.626407449 \quad (13)$$

Εκτόξευση από την ΘΕΣΗ :(-0.2407917,0) .

Με Ταχύτητα :(0.465116,-2.3441035-0.2407917= -2.5848952) . $\Rightarrow |\vec{v}| = 2.626407449$

Την Χρονική στιγμή :(0) . (Οπότε συμπίπτουν τα δύο Συντεταγμένων).

$$\tau = \frac{t[\![d]\!]}{n[\![d]\!]} = \frac{43.48[\![d]\!]}{4.348113[\![d]\!]} = 9.99974 \approx 10$$

$$\tau = \frac{t[\![d]\!]}{n[\![d]\!]} = \frac{60.873582[\![d]\!]}{4.348113[\![d]\!]} \approx 14$$

$$> v := \text{sqrt}\left(\text{simplify}\left(\text{subs}\left(\mu_{\Gamma} = 0.987852, \mu_{\Sigma} = 0.012148, z(\tau) = A[1], \xi(\tau) = -0.2407917, \eta(\tau) = 0, \text{lhs}((8)), \text{trig}\right)\right) \right. \\ \left. v := 2.355115276 \quad (14) \right.$$

$$> a := 384400 \cdot 10^3 \\ a := 384400000 \quad (15)$$

$$> n := \text{evalf}\left(\frac{27.32 \cdot 24 \cdot 60 \cdot 60}{2 \cdot \text{Pi}}\right) \\ n := 375676.9670 \quad (16)$$

$$> \frac{a}{n} \\ 1023.219504 \quad (17)$$

$$> v \cdot \left(\frac{a}{n}\right) \frac{[\![m]\!]}{[\![s]\!]} \\ \frac{2409.799886}{[\![s]\!]} [\![m]\!] \quad (18)$$

$$> (13) \cdot \left(\frac{a}{n}\right) \frac{[\![m]\!]}{[\![s]\!]} \\ \frac{2687.391327}{[\![s]\!]} [\![m]\!] \quad (19)$$

$$> ics := x(0) = -0.2407917, y(0) = 0, D(x)(0) = 0.465116, D(y)(0) = -2.5848952 \\ ics := x(0) = -0.2407917, y(0) = 0, D(x)(0) = 0.465116, D(y)(0) = -2.5848952 \quad (20)$$

> sys := (10), (11):

> sol := dsolve([sys, ics], [x(\tau), y(\tau)], numeric, output=listprocedure)

$$sol := \left[\tau = \text{proc}(\text{tau}) \dots \text{end proc}, x(\tau) = \text{proc}(\text{tau}) \dots \text{end proc}, \frac{d}{d\tau} x(\tau) = \text{proc}(\text{tau}) \dots \text{end proc}, y(\tau) = \text{proc}(\text{tau}) \dots \text{end proc} \right] \quad (21)$$

...

end proc, y(\tau) = proc(tau) ... end proc, $\frac{d}{d\tau} y(\tau) = \text{proc}(\text{tau}) \dots \text{end proc}$]

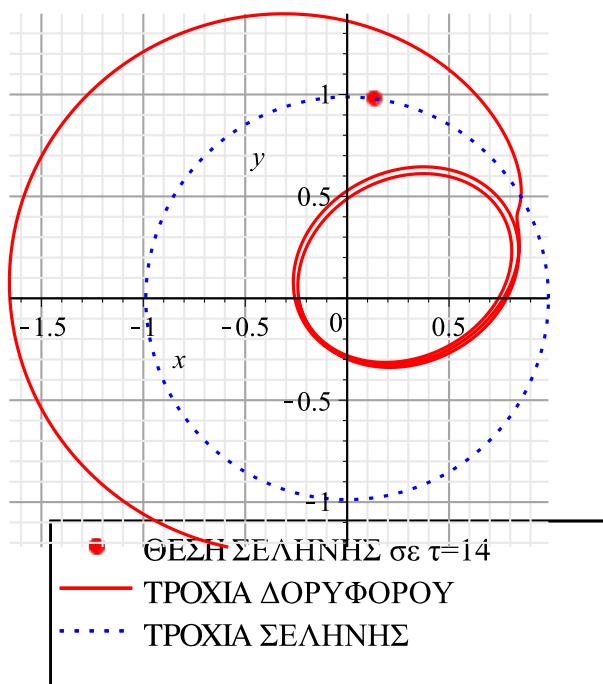
> s := odeplot(sol, [x(\tau), y(\tau)], 0 .. 14, color=red, numpoints=10000, legend

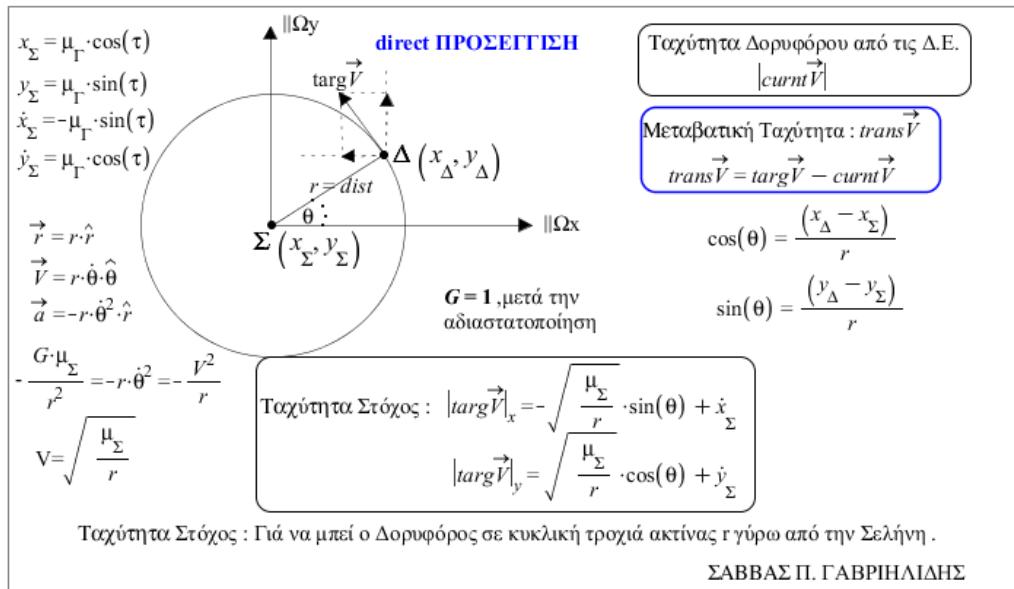
```

= "ΤΡΟΧΙΑ ΔΟΡΥΦΟΡΟΥ "):
> Lune := point( [0.987852·cos(14), 0.987852·sin(14)], symbol=solidcircle, symbolsize=15,
    color=red, legend="ΘΕΣΗ ΣΕΛΗΝΗΣ σε τ=14") :
> TLune := plot([0.987852·cos(t), 0.987852·sin(t), t=0 ..2·Pi], linestyle=2, color=blue, legend
    = "ΤΡΟΧΙΑ ΣΕΛΗΝΗΣ") :
>
> display(s, Lune, TLune, gridlines, scaling=constrained, title
    = "ΤΡΟΧΙΑ ΔΟΡΥΦΟΡΟΥ ΣΤΟ ΑΔΡΑΝΕΙΑΚΟ ΣΥΣΤΗΜΑ\nΣΑΒΒΑΣ Π. ΓΑΒΡΙΗΛΙΔΗΣ",
    titlefont=[arial, bold, 14])

```

ΤΡΟΧΙΑ ΔΟΡΥΦΟΡΟΥ ΣΤΟ ΑΔΡΑΝΕΙΑΚΟ ΣΥΣΤΗΜΑ ΣΑΒΒΑΣ Π. ΓΑΒΡΙΗΛΙΔΗΣ





$$> nh := evalf\left(\frac{27.32}{2 \cdot \text{Pi}}\right) \quad nh := 4.348113044 \quad (22)$$

$$> \mu\Gamma := 0.987852 \quad \mu\Gamma := 0.987852 \quad (23)$$

$$> \mu\Sigma := 0.012148 \quad \mu\Sigma := 0.012148 \quad (24)$$

$$> sol[2](0) \quad x(\tau)(0) = -0.240791700000000 \quad (25)$$

$$> sol[4](0) \quad y(\tau)(0) = 0. \quad (26)$$

$$> A1 := seq(sol[2](\tau), \tau=0..14, 0.01) : \\ > rhs(A1[650]) \quad 0.844522424281016 \quad (27)$$

$$> A2 := seq(sol[4](\tau), \tau=0..14, 0.01) : \\ > rhs(A2[650]) \quad 0.286866501116935 \quad (28)$$

$$> A3 := seq(evalf(0.987852 \cdot \cos(\tau)), \tau=0..14, 0.01) : \\ > A3[650] \quad 0.9668008352 \quad (29)$$

$$> A4 := seq(evalf(0.987852 \cdot \sin(\tau)), \tau=0..14, 0.01) : \\ > A4[650]$$

$$0.2028490056 \quad (30)$$

```
> A5 := seq( 384400· sqrt( (A3[i]-rhs(A1[i]))2 + (A4[i]-rhs(A2[i]))2 ), i=1..1401 ) :  
> A5[650]
```

$$57029.9204783109 \quad (31)$$

```
> A5[675]  
22272.7224428410
```

$$(32)$$

ΑΠΟΣΤΑΣΗ ΑΠΟ ΤΟ ΚΕΝΤΡΟ ΤΗΣ ΣΕΛΗΝΗΣ Αδιάστατη :

```
> dist := seq( sqrt( (A3[i]-rhs(A1[i]))2 + (A4[i]-rhs(A2[i]))2 ), i=1..1401 ) :
```

```
> r1 := dist[675]  
r1 := 0.0579415256057259
```

$$(33)$$

```
> r2 := dist[676]  
r2 := 0.0555481582656396
```

$$(34)$$

```
> r3 := dist[677]  
r3 := 0.0535097611614583
```

$$(35)$$

```
> r4 := dist[678]  
r4 := 0.0518810596447794
```

$$(36)$$

```
> r5 := dist[679]  
r5 := 0.0507119528001797
```

$$(37)$$

```
> r6 := dist[680]  
r6 := 0.0500414230248247
```

$$(38)$$

```
> r7 := dist[681]  
r7 := 0.0498917750234505
```

$$(39)$$

```
> r8 := dist[682]  
r8 := 0.0502648498313763
```

$$(40)$$

```
> r9 := dist[683]  
r9 := 0.0511415696849075
```

$$(41)$$

```
> r10 := dist[684]  
r10 := 0.0524850129614464
```

$$(42)$$

```
> r11 := dist[685]  
r11 := 0.0542459309210421
```

$$(43)$$

```
> r12 := dist[686]  
r12 := 0.0563689813189664
```

$$(44)$$

Συντεταγμένες Δορυφόρου Αδιάστατες:

```
> xD1 := rhs(A1[675])  
xD1 := 0.834396713700500
```

$$(45)$$

```
> yD1 := rhs(A2[675])  
yD1 := 0.410509395208679
```

$$(46)$$

```
> xD2 := rhs(A1[676])  
xD2 := 0.835122417794662
```

$$(47)$$

```
> yD2 := rhs(A2[676])  
yD2 := 0.415026267552690
```

$$(48)$$

```
> xD3 := rhs(A1[677])  
xD3 := 0.836081437042117
```

$$(49)$$

```

> yD3 := rhs(A2[677])
yD3 := 0.419703791505067
(50)

> xD4 := rhs(A1[678])
xD4 := 0.837270684525566
(51)

> yD4 := rhs(A2[678])
yD4 := 0.424599110357022
(52)

> xD5 := rhs(A1[679])
xD5 := 0.838672747075567
(53)

> yD5 := rhs(A2[679])
yD5 := 0.429771199842387
(54)

> xD6 := rhs(A1[680])
xD6 := 0.840254166299978
(55)

> yD6 := rhs(A2[680])
yD6 := 0.435275518405302
(56)

> xD7 := rhs(A1[681])
xD7 := 0.841966159494448
(57)

> yD7 := rhs(A2[681])
yD7 := 0.441157736295458
(58)

> xD8 := rhs(A1[682])
xD8 := 0.843748295181092
(59)

> yD8 := rhs(A2[682])
yD8 := 0.447448130664719
(60)

> xD9 := rhs(A1[683])
xD9 := 0.845534490670253
(61)

> yD9 := rhs(A2[683])
yD9 := 0.454158287360986
(62)

> xD10 := rhs(A1[684])
xD10 := 0.847259776057684
(63)

> yD10 := rhs(A2[684])
yD10 := 0.461281030762544
(64)

> xD11 := rhs(A1[685])
xD11 := 0.848866068659967
(65)

> yD11 := rhs(A2[685])
yD11 := 0.468793319780541
(66)

> xD12 := rhs(A1[686])
xD12 := 0.850305791900495
(67)

> yD12 := rhs(A2[686])
yD12 := 0.476660915017203
(68)

```

Συντεταγμένες Σελήνης Αδιάστατες:

```

> xS1 := A3[675]
xS1 := 0.8865596914
(69)

> yS1 := A4[675]
yS1 := 0.4357332757
(70)

```

> $xS2 := A3[676]$	$xS2 := 0.8821581036$	(71)
> $yS2 := A4[676]$	$yS2 := 0.4445769384$	(72)
> $xS3 := A3[677]$	$xS3 := 0.8776683008$	(73)
> $yS3 := A4[677]$	$yS3 := 0.4533761437$	(74)
> $xS4 := A3[678]$	$xS4 := 0.8730907318$	(75)
> $yS4 := A4[678]$	$yS4 := 0.4621300118$	(76)
> $xS5 := A3[679]$	$xS5 := 0.8684258546$	(77)
> $yS5 := A4[679]$	$yS5 := 0.4708376673$	(78)
> $xS6 := A3[680]$	$xS6 := 0.8636741355$	(79)
> $yS6 := A4[680]$	$yS6 := 0.4794982395$	(80)
> $xS7 := A3[681]$	$xS7 := 0.8588360496$	(81)
> $yS7 := A4[681]$	$yS7 := 0.4881108621$	(82)
> $xS8 := A3[682]$	$xS8 := 0.8539120809$	(83)
> $yS8 := A4[682]$	$yS8 := 0.4966746742$	(84)
> $xS9 := A3[683]$	$xS9 := 0.8489027217$	(85)
> $yS9 := A4[683]$	$yS9 := 0.5051888191$	(86)
> $xS10 := A3[684]$	$xS10 := 0.8438084729$	(87)
> $yS10 := A4[684]$	$yS10 := 0.5136524456$	(88)
> $xS11 := A3[685]$	$xS11 := 0.8386298441$	(89)
> $yS11 := A4[685]$	$yS11 := 0.5220647073$	(90)
> $xS12 := A3[686]$	$xS12 := 0.8333673529$	(91)
> $yS12 := A4[686]$	$yS12 := 0.5304247629$	(92)

>

Ταχύτητα Σελήνης Αδιάστατη:

> $A8 := \text{seq}(\text{evalf}(-0.987852 \cdot \sin(\tau)), \tau = 0..14, 0.01) :$

$$> A8[675] \quad -0.4357332757 \quad (93)$$

> $A9 := \text{seq}(\text{evalf}(0.987852 \cdot \cos(\tau)), \tau = 0..14, 0.01) :$

$$> A9[675] \quad 0.8865596914 \quad (94)$$

>

$$> xVSI := A8[675] \quad xVSI := -0.4357332757 \quad (95)$$

$$> yVSI := A9[675] \quad yVSI := 0.8865596914 \quad (96)$$

$$> xVS2 := A8[676] \quad xVS2 := -0.4445769384 \quad (97)$$

$$> yVS2 := A9[676] \quad yVS2 := 0.8821581036 \quad (98)$$

$$> xVS3 := A8[677] \quad xVS3 := -0.4533761437 \quad (99)$$

$$> yVS3 := A9[677] \quad yVS3 := 0.8776683008 \quad (100)$$

$$> xVS4 := A8[678] \quad xVS4 := -0.4621300118 \quad (101)$$

$$> yVS4 := A9[678] \quad yVS4 := 0.8730907318 \quad (102)$$

$$> xVS5 := A8[679] \quad xVS5 := -0.4708376673 \quad (103)$$

$$> yVS5 := A9[679] \quad yVS5 := 0.8684258546 \quad (104)$$

$$> xVS6 := A8[680] \quad xVS6 := -0.4794982395 \quad (105)$$

$$> yVS6 := A9[680] \quad yVS6 := 0.8636741355 \quad (106)$$

$$> xVS7 := A8[681] \quad xVS7 := -0.4881108621 \quad (107)$$

$$> yVS7 := A9[681] \quad yVS7 := 0.8588360496 \quad (108)$$

$$> xVS8 := A8[682] \quad xVS8 := -0.4966746742 \quad (109)$$

$$> yVS8 := A9[682] \quad yVS8 := 0.8539120809 \quad (110)$$

$$> xVS9 := A8[683] \quad xVS9 := -0.5051888191 \quad (111)$$

```

> yVS9 := A9[683]           yVS9 := 0.8489027217          (112)
= > xVS10 := A8[684]          xVS10 := -0.5136524456         (113)
= > yVS10 := A9[684]          yVS10 := 0.8438084729         (114)
= > xVS11 := A8[685]          xVS11 := -0.5220647073         (115)
= > yVS11 := A9[685]          yVS11 := 0.8386298441         (116)
= > xVS12 := A8[686]          xVS12 := -0.5304247629         (117)
= > yVS12 := A9[686]          yVS12 := 0.8333673529         (118)
>

```

ΤΑΧΥΤΗΤΑ ΣΩΜΑΤΟΣ curntV . (Από τις Δ.Ε. κίνησης)

```

>
> xVD1 := rhs(sol[3](6.75))   xVD1 := 0.0841831401086547    (119)
> yVD1 := rhs(sol[5](6.75))   yVD1 := 0.458804241756474      (120)

```

```

> xVD2 := rhs(sol[3](6.76))   xVD2 := 0.107575165814106     (121)
> yVD2 := rhs(sol[5](6.76))   yVD2 := 0.477659052575971     (122)
> xVD3 := rhs(sol[3](6.77))   xVD3 := 0.129987014164897     (123)
> yVD3 := rhs(sol[5](6.77))   yVD3 := 0.502396362147110     (124)
> xVD4 := rhs(sol[3](6.78))   xVD4 := 0.149866875863958     (125)
> yVD4 := rhs(sol[5](6.78))   yVD4 := 0.532956663361210     (126)
> xVD5 := rhs(sol[3](6.79))   xVD5 := 0.165597798891064     (127)
> yVD5 := rhs(sol[5](6.79))   yVD5 := 0.568678037666699     (128)
> xVD6 := rhs(sol[3](6.80))   xVD6 := 0.175783453893253     (129)
> yVD6 := rhs(sol[5](6.80))   yVD6 := 0.608275980031079     (130)
> xVD7 := rhs(sol[3](6.81))   xVD7 := 0.179530644081106     (131)

```

```

> yVD7 := rhs(sol[5](6.81))
yVD7 := 0.649996346638894
(132)

> xVD8 := rhs(sol[3](6.82))
xVD8 := 0.176615396946561
(133)

> yVD8 := rhs(sol[5](6.82))
yVD8 := 0.691910488391732
(134)

> xVD9 := rhs(sol[3](6.83))
xVD9 := 0.167467285350027
(135)

> yVD9 := rhs(sol[5](6.83))
yVD9 := 0.732245837520708
(136)

> xVD10 := rhs(sol[3](6.84))
xVD10 := 0.152996275243145
(137)

> yVD10 := rhs(sol[5](6.84))
yVD10 := 0.769632589554104
(138)

> xVD11 := rhs(sol[3](6.85))
xVD11 := 0.134352850504123
(139)

> yVD11 := rhs(sol[5](6.85))
yVD11 := 0.803204814865861
(140)

> xVD12 := rhs(sol[3](6.86))
xVD12 := 0.112710722820385
(141)

> yVD12 := rhs(sol[5](6.86))
yVD12 := 0.832570825497403
(142)

>
> ΔΣ := seq(3476, i=1..1401) :
> A6 := ΔΣ / 2 :
> A7 := seq(A5[i] - A6[i], i=1..1401) :
> ΑΠΟΣΤΑΣΗΑΠΟΤΗΝΕΠΙΦΑΝΕΙΑΤΗΣΣΕΛΗΝΗΣ := seq(A5[i]
   - A6[i], i=1..1401) :
> A7[675]           20534.7224428410
(143)

> A7[676]           19614.7120373119
(144)

> A7[677]           18831.1521904646
(145)

> A7[678]           18205.0793274532
(146)

> A7[679]           17755.6746563891
(147)

> A7[680]           17497.9230107426
(148)

> minS := A7[681][km]

```

$$minS := 17440.3983190144 \text{ [km]} \quad (149)$$

$$> A7[682] \quad 17583.8082751811 \quad (150)$$

$$> A7[683] \quad 17920.8193868785 \quad (151)$$

$$> A7[684] \quad 18437.2389823800 \quad (152)$$

$$> A7[685] \quad 19114.1358460486 \quad (153)$$

$$> A7[686] \quad 19930.2364190107 \quad (154)$$

ΜΕΤΑ ΤΟΝ ΓΕΝΙΚΟ ΕΠΑΝΥΠΟΛΟΓΙΣΜΟ , ΕΠΑΥΠΟΛΟΓΙΖΟΥΜΕ ΤΟ ΛΟΓΙΣΤΙΚΟ ΦΥΛΑΟ !!!

>

S A B B A S -																		
A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	
1	τ	$t(d)$	$distance$	$distance(km)$	$x\Sigma$	$y\Delta$	$x\Delta - y\Sigma$	$y\Sigma$	$y\Delta$	$y\Delta - y\Sigma$	$\cos(\theta)$	$\sin(\theta)$	$\sqrt{\Delta\Sigma^2}$	$\sqrt{\Delta\Sigma^2} \cdot \sin(\theta)$	$\sqrt{\Delta\Sigma^2} \cdot \cos(\theta)$	$F_{X\Delta}$	$F_{Y\Sigma}$	tar
2	6.7500000000	29.3497630500	0.0579415256	22272.7224428410	0.8865596914	0.8343967137	-0.0521629777	0.4357332757	0.4105093952	-0.0252238805	-0.9002693173	-0.4353333853	0.4578860670	0.1993330916	-0.4122207769	-0.4357332757	0.8865596914	-0.2364
3	6.7600000000	29.3932441800	0.0555481583	21382.7120373119	0.8821581036	0.8351224178	-0.0470356858	0.4445769384	0.4150262676	-0.0295506708	-0.8467550910	-0.5319829094	0.4676463613	0.2487798719	-0.3959819372	-0.4445769384	0.8821581036	-0.1957
4	6.7700000000	29.4367253100	0.0535097612	20569.152109446	0.8776683006	0.8360814370	-0.0415968638	0.4533761437	0.4197037915	-0.0336723522	-0.7771827580	-0.6292749484	0.4764703555	0.2998308584	-0.3703045450	-0.4533761437	0.8776683006	-0.1535
5	6.7800000000	29.4802064400	0.0518810596	19943.0793274532	0.8730907318	0.8372706845	-0.0358200473	0.4621300118	0.4245991104	-0.0375309014	-0.6904262850	-0.7234027543	0.4838914770	0.3500484272	-0.3340913948	-0.4621300118	0.8730907318	-0.1120
6	6.7900000000	29.5236875700	0.0507119528	19498.6746563891	0.8684258546	0.8386727471	-0.0297531075	0.4708376673	0.4297711998	-0.0410664675	-0.5862079827	-0.8097985818	0.4894374809	0.3963457779	-0.2871568771	-0.4708376673	0.8684258546	-0.0744
7	6.8000000000	29.5671687000	0.0500414230	19235.9230107426	0.8636741355	0.8402541663	-0.0234199692	0.4794982395	0.4352755184	-0.0442227211	-0.4680116548	-0.8837222929	0.4927056767	0.4354149903	-0.2305919991	-0.4794982395	0.8636741355	-0.0440
8	6.8100000000	29.6166498300	0.0489917780	19178.3983190144	0.8588360494	0.8419601509	-0.0168698901	0.4881108621	0.4411577363	-0.0406951328	-0.3381296837	-0.9410995256	0.4934404070	0.4832511177	-0.1669480793	-0.4881108621	0.8588360494	-0.0237
9	6.8200000000	29.6541309600	0.0502648498	19321.8082751811	0.8539120809	0.8437482952	-0.0101637857	0.4966746742	0.4474481307	-0.0492265435	-0.8517163856	-0.9793432926	0.4916094210	0.4814543890	-0.0994057046	-0.4966746742	0.8539120809	-0.0152
10	6.8300000000	29.6976120900	0.0511415697	19658.819368785	0.8489027217	0.8455344907	-0.0033682310	0.5051888191	0.4541582874	-0.05103093317	-0.0658609239	-0.9978288123	0.4867377353	0.4866191873	-0.032099124	-0.5051888191	0.8489027217	-0.0188
11	6.8400000000	29.7410932200	0.0524850130	20175.2389823800	0.8438084729	0.8472597761	0.0034513032	0.5136524456	0.4612810308	-0.0523714148	0.0657578795	-0.9978356083	0.4810991335	0.4800580262	0.0316360707	-0.5136524456	0.8438084729	-0.0335
12	6.8500000000	29.7845743500	0.0542459309	20852.1358460486	0.8386298441	0.8488660687	0.0102362246	0.5220647073	0.4687933198	-0.05327113875	0.1887003207	-0.9820347188	0.4732262296	0.4647245873	0.0892979413	-0.5220647073	0.8386298441	-0.0573
13	6.8600000000	29.8280554800	0.0563688913	21668.2364190107	0.8333673529	0.8503057919	0.0169384390	0.5304274629	0.4766609150	-0.0537638479	0.3004921963	-0.9537842733	0.4642290336	0.4427745514	0.1394972019	-0.5304247629	0.8333673529	-0.0876
14																		
15																		

>

>

ΤΡΟΧΙΕΣ ΤΟΥ ΔΟΡΥΦΟΡΟΥ .

$$> L_1 := [0.8369278491, 0]$$

$$L_1 := [0.8369278491, 0] \quad (155)$$

$$> L_2 := [1.155672220, 0]$$

$$L_2 := [1.155672220, 0] \quad (156)$$

$$> L_3 := [-1.005061569, 0]$$

$$L_3 := [-1.005061569, 0] \quad (157)$$

$$> L_4 := [0.4878520000, 0.8660254040]$$

$$L_4 := [0.4878520000, 0.8660254040] \quad (158)$$

$$> L_5 := [0.4878520000, -0.8660254040]$$

$$L_5 := [0.4878520000, -0.8660254040] \quad (159)$$

$$> terre := [-0.012148, 0]$$

$$terre := [-0.012148, 0] \quad (160)$$

$$> lune := [0.987852, 0]$$

$$lune := [0.987852, 0] \quad (161)$$

```

> points := [L1, L2, L3, L4, L5, terre, lune] :
> P := pointplot(points, color = [green, yellow, olive, maroon, coral, blue, red], symbol
    = solidcircle, symbolsize = 30, scaling = constrained) :
>
> l1 := line([-1.4, 0], [1.6, 0], linestyle = dashdot, color = black, thickness = 2) :
> l2 := line(terre, L[4], color = blue) :
> l3 := line(terre, L[5], color = cyan) :
> l4 := line(lune, L[4], color = red) :
> l5 := line(lune, L[5], color = orange) :
> Lin := display(l1, l2, l3, l4, l5) :
> T1 := textplot([0.8369278491, 0.15, "L1"], font = [arial, bold, 12]) :
> T2 := textplot([1.15, 0.15, "L2"], font = [arial, bold, 12]) :
> T3 := textplot([-1.005061569, 0.15, "L3"], font = [arial, bold, 12]) :
> T4 := textplot([0.4878520000, 1.0, "L4"], font = [arial, bold, 12]) :
> T5 := textplot([0.4878520000, -1.0, "L5"], font = [arial, bold, 12]) :
> T6 := textplot([-0.1, 0.15, "T"], font = [arial, bold, 14]) :
> T7 := textplot([0.98, -0.15, "Σ"], font = [arial, bold, 14]]) :
> T := display(T1, T2, T3, T4, T5, T6, T7) :
> display(P, Lin, T, gridlines, title = "ΣΗΜΕΙΑ ΙΣΟΡΡΟΠΙΑΣ", titlefont = [arial, bold, 14]) :
> display(s, Lune, TLune, P, T, gridlines, scaling = constrained, title
    = "ΤΡΟΧΙΑ ΔΟΡΥΦΟΡΟΥ ΣΤΟ ΑΔΡΑΝΕΙΑΚΟ ΣΥΣΤΗΜΑ\nΣΑΒΒΑΣ Π. ΓΑΒΡΙΗΛΙΔΗΣ",
    titlefont = [arial, bold, 14]) :
>
> pointplot( { seq( [ n, sin(  $\frac{n}{10}$  ) ], n = 0 .. 30 ) } ) :

```

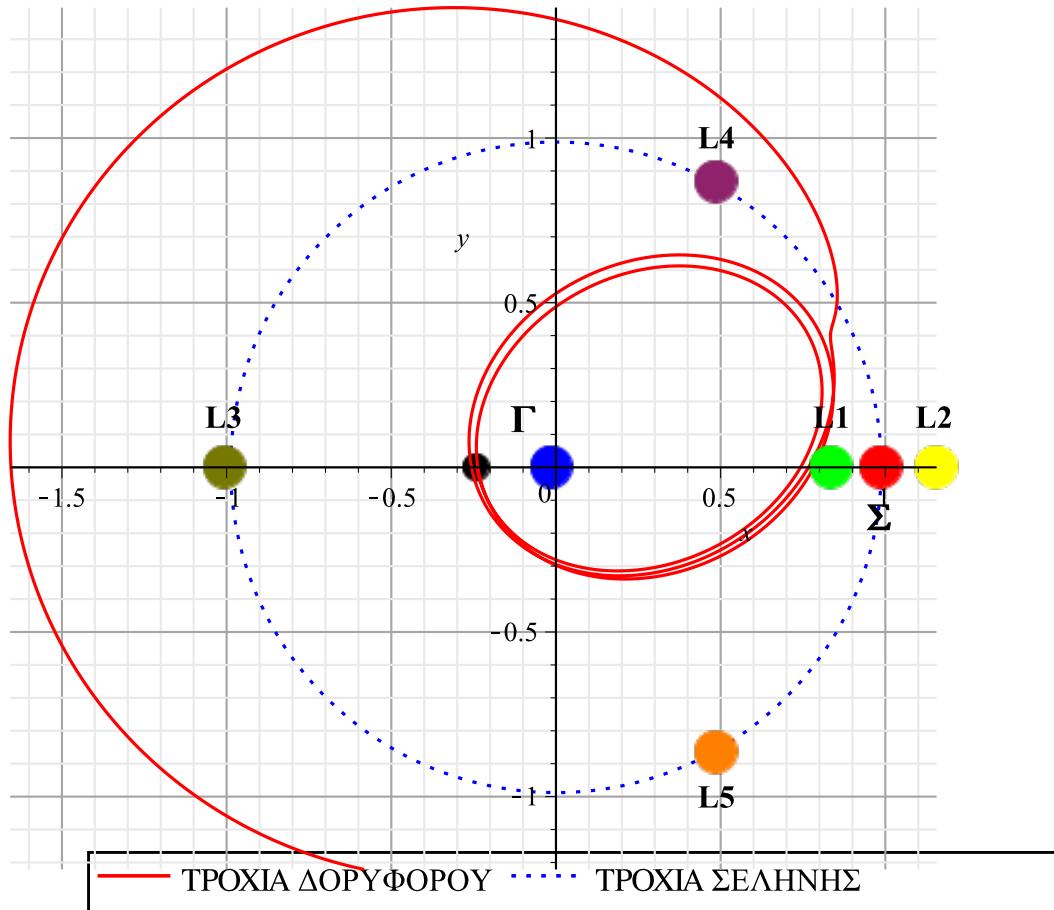
ANIMATE (Επαναϋπολογίζουμε & Αλλάζουμε κατά βούληση το frames).

```

> ADor := animate(pointplot, [ [rhs(sol[2](τ)), rhs(sol[4](τ))], color = black, symbol
    = solidcircle, symbolsize = 20 ], τ = 0 .. 14, frames = 8, trace = 4) :
> ALune := animate(pointplot, [ [0.987852 · cos(τ), 0.987852 · sin(τ)], color = red, symbol
    = solidcircle, symbolsize = 20 ], τ = 0 .. 14, frames = 8, trace = 0) :
> display(s, TLune, P, T, ADor, ALune, gridlines, scaling = constrained, title
    = "ΠΡΙΝ ANIMATE\nΤΡΟΧΙΑ ΔΟΡΥΦΟΡΟΥ ΣΤΟ ΑΔΡΑΝΕΙΑΚΟ ΣΥΣΤΗΜΑ\nΣΑΒΒΑΣ
    Π. ΓΑΒΡΙΗΛΙΔΗΣ", titlefont = [arial, bold, 14])

```

ΠΡΙΝ ANIMATE
ΤΡΟΧΙΑ ΔΟΡΥΦΟΡΟΥ ΣΤΟ ΑΔΡΑΝΕΙΑΚΟ
ΣΥΣΤΗΜΑ
ΣΑΒΒΑΣ Π. ΓΑΒΡΙΗΛΙΔΗΣ



[>

ΕΠΑΛΗΘΕΥΣΗ ΠΡΟΣΕΓΓΙΣΗΣ ΣΤΗ ΣΕΛΗΝΗ & ΚΥΚΛΙΚΗΣ ΤΡΟΧΙΑΣ ΔΟΡΥΦΟΡΟΥ

ΜΕ ΤΙΣ ΑΡΧΙΚΕΣ ΣΥΝΘΗΚΕΣ ΤΟΥ ΠΙΝΑΚΑ ΓΙΑ $\tau=6.81$.

> $ics1 := x(6.81) = 0.8419661595, y(6.81) = 0.4411577363, D(x)(6.81) = -0.0237309035,$
 $D(y)(6.81) = 0.6919879701$

$ics1 := x(6.81) = 0.8419661595, y(6.81) = 0.4411577363, D(x)(6.81) = -0.0237309035, \quad (162)$

```

D(y)(6.81) = 0.6919879701
> sol1 := dsolve( [sys, ics1], [x(t), y(t)], numeric, output=listprocedure)
sol1 :=  $\left[ \begin{array}{l} \tau = \text{proc}(\text{tau}) \dots \text{end proc}, x(\tau) = \text{proc}(\text{tau}) \dots \text{end proc}, \frac{d}{d\tau} x(\tau) = \text{proc}(\text{tau}) \\ \dots \\ \text{end proc}, y(\tau) = \text{proc}(\text{tau}) \dots \text{end proc}, \frac{d}{d\tau} y(\tau) = \text{proc}(\text{tau}) \dots \text{end proc} \end{array} \right] \quad (163)$ 
>
> sol1[2](6.81)  $x(\tau)(6.81) = 0.841966159500000 \quad (164)$ 
> sol1[4](6.81)  $y(\tau)(6.81) = 0.441157736300000 \quad (165)$ 
> sol1[3](6.81)  $\left( \frac{d}{d\tau} x(\tau) \right)(6.81) = -0.0237309035000000 \quad (166)$ 
> sol1[5](6.81)  $\left( \frac{d}{d\tau} y(\tau) \right)(6.81) = 0.691987970100000 \quad (167)$ 
> sol1[2](6.79)  $x(\tau)(6.79) = 0.842455154365580 \quad (168)$ 
> sol1[4](6.79)  $y(\tau)(6.79) = 0.427954194023940 \quad (169)$ 
> sΔ := odeplot(sol1, [x(t), y(t)], 6.81..14, color=red, numpoints=10000, legend="ΤΡΟΧΙΑ ΔΟΡΥΦΟΡΟΥ") :
> LuneΔ := point([0.987852·cos(14), 0.987852·sin(14)], symbol=solidcircle, symbolsize=15, color=red, legend="ΘΕΣΗ ΣΕΛΗΝΗΣ σε τ=14") :
> display(sΔ, TLune, LuneΔ, scaling=constrained, gridlines, title="ΤΡΟΧΙΑ ΔΟΡΥΦΟΡΟΥ ΣΤΟ ΑΔΡΑΝΕΙΑΚΟ ΣΥΣΤΗΜΑ\nΣΑΒΒΑΣ Π. ΓΑΒΡΙΗΛΙΔΗΣ", titlefont=[arial, bold, 14]) :

```

>

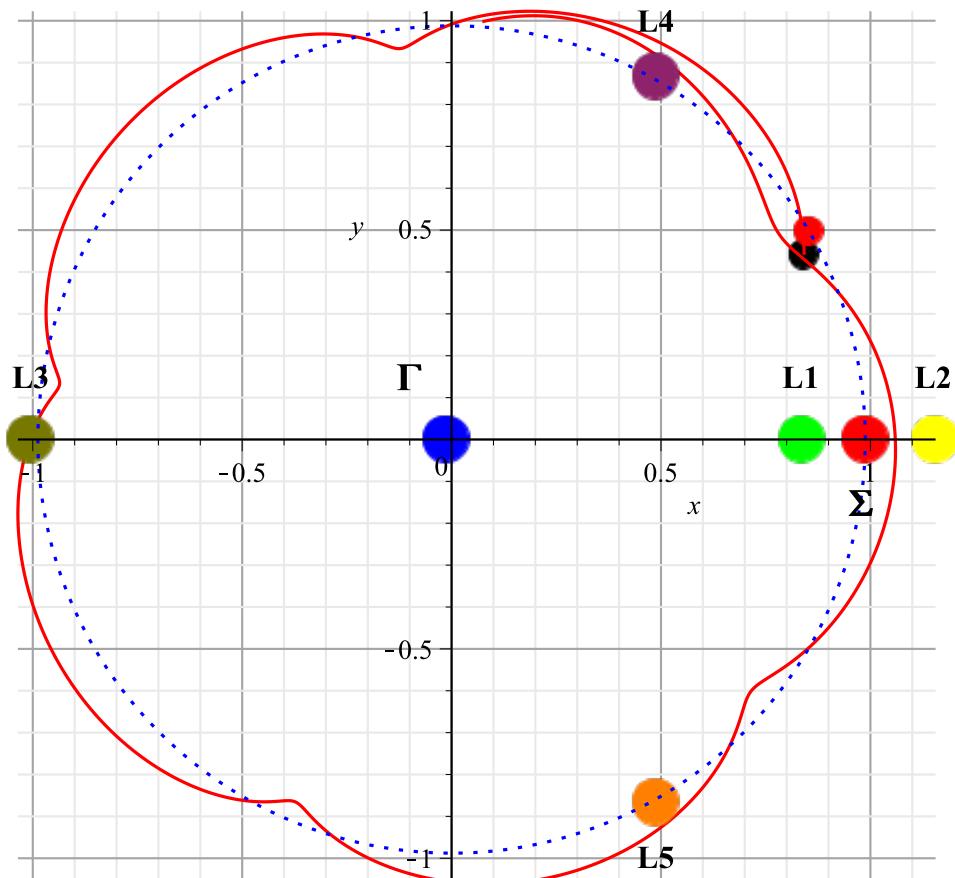
ANIMATE (Επαναϋπολογίζουμε & Αλλάζουμε κατά βούληση το frames).

```

> BDor := animate(pointplot, [[rhs(sol1[2](t)), rhs(sol1[4](t))], color=black, symbol=solidcircle, symbolsize=20], t=6.81..14, frames=8, trace=0) :
> BLune := animate(pointplot, [[0.987852·cos(t), 0.987852·sin(t)], color=red, symbol=solidcircle, symbolsize=20], t=6.81..14, frames=8, trace=0) :
> display(sΔ, P, T, BDor, BLune, TLune, gridlines, scaling=constrained, title="Μ Ε Τ Α ANIMATE\nΤΡΟΧΙΑ ΔΟΡΥΦΟΡΟΥ ΣΤΟ ΑΔΡΑΝΕΙΑΚΟ ΣΥΣΤΗΜΑ\nΣΑΒΒΑΣ Π. ΓΑΒΡΙΗΛΙΔΗΣ", titlefont=[arial, bold, 14])

```

ΜΕΤΑ ANIMATE
ΤΡΟΧΙΑ ΔΟΡΥΦΟΡΟΥ ΣΤΟ ΑΔΡΑΝΕΙΑΚΟ
ΣΥΣΤΗΜΑ
ΣΑΒΒΑΣ Π. ΓΑΒΡΙΗΛΙΔΗΣ



— ΤΡΟΧΙΑ ΔΟΡΥΦΟΡΟΥ ······ ΤΡΟΧΙΑ ΣΕΛΗΝΗΣ

